

ROZWIĄZUJĄC NIERÓWNOŚĆ KWADRATOWĄ, ODPOWIADAMY NA PYTANIE DLA JAKICH ARGUMENTÓW (x) FUNKCJA PRZYJMUJE WARTOŚCI (y) DODATNIE BĄDŹ UJEMNE BĄDŹ NIEDODATNIE BĄDŹ NIEUJEMNE.

KOLEJNE ETAPY ROZWIĄZYWANIA NIERÓWNOŚCI KWADRATOWYCH:

1. DOPROWADZENIE DO POSTACI $f(x)>0$, $f(x)<0$, $f(x)\geq 0$, $f(x)\leq 0$

$x^2 + 2 < 3x$	$x^2 - 3x + 2 < 0$
$3x^2 - x > 2$	$3x^2 - x - 2 > 0$
$-3x^2 \leq -4$	$-3x^2 + 4 \leq 0$
$3x^2 \geq -5x$	$3x^2 + 5x \geq 0$

2. OBLICZAMY MIEJSCA ZEROWE, JEŚLI SĄ. JEŚLI NIE MA, TO STWIERDZAMY ICH BRAK.

wyłączamy wspólny czynnik przed nawias	$9x^2 + 3x = 0$	$3x(3x + 1) = 0$	$x_1 = 0$ lub $x_2 = -\frac{1}{3}$
stosujemy wzory skróconego mnożenia	$3 - x^2 = 0$	$(\sqrt{3} - x)(\sqrt{3} + x) = 0$	$x_1 = \sqrt{3}$ lub $x_2 = -\sqrt{3}$
	$x^2 - 10x + 25 = 0$	$(x-5)^2 = 0$	$x_0 = 5$
liczymy Δ	$x^2 - x + 4 = 0$	$\Delta = b^2 - 4ac$ $\Delta > 0, x_1 x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a}; \Delta = 0, x_0 = \frac{-b}{2a}$	$\Delta < 0$, brak miejsc zerowych, ale wykres i funkcja istnieją!!!!
Równania typu $ax^2 + c = 0$, np. $x^2 + 9 = 0$, $25 + x^2 = 0$ mają $\Delta < 0$ i nie mają miejsc zerowych.			

3. SZKICUJEMY WYKRES FUNKCJI KWADRATOWEJ:

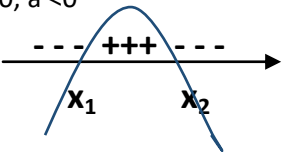
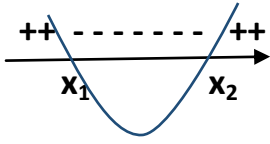
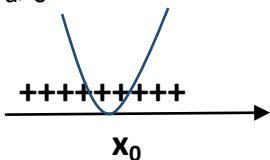
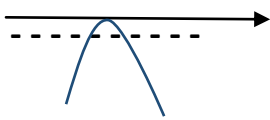
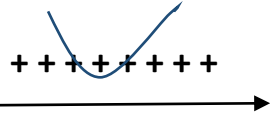
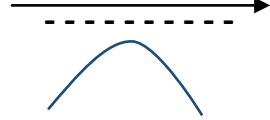
- Znak współczynnika a, gdy $a > 0$ (ramiona paraboli w górę),
 $a < 0$ (ramiona paraboli w dół);
- Rysujemy tylko oś OX;
- Zaznaczamy miejsca zerowe (jeśli są);
- Szkicujemy wykres.

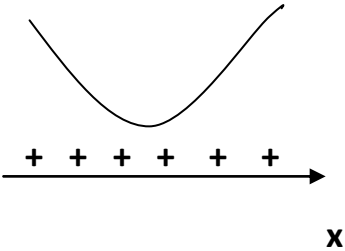
4. ODCZYTUJEMY ROZWIĄZANIE NIERÓWNOŚCI Z WYKRESU I ZAPISUJEMY W POSTACI PRZEDZIAŁU LUB SUMY PRZEDZIAŁÓW

Np. $f(x) > 0$ dla $x \in (-1; 3)$

$f(x) \leq 0$ dla $x \in (-1; 3) \cup \langle 4, \infty \rangle$

RODZAJE NIERÓWNOŚCI KWADRATOWYCH

NIERÓWNOŚĆ	$ax^2 + bx + c > 0$	$ax^2 + bx + c < 0$	$ax^2 + bx + c \geq 0$	$ax^2 + bx + c \leq 0$
$\Delta > 0, a < 0$ 	$(x_1; x_2)$	$(-\infty; x_1) \cup (x_2; \infty)$	$\langle x_1, x_2 \rangle$	$(-\infty; x_1) \cup \langle x_2; \infty$
$\Delta > 0, a > 0$ 	$(-\infty; x_1) \cup (x_2; \infty)$	$(x_1; x_2)$	$(-\infty; x_1) \cup \langle x_2; \infty$	$\langle x_1, x_2 \rangle$
$\Delta = 0, a > 0$ 	$\mathbb{R} \setminus \{x_0\}$	\emptyset	\mathbb{R}	x_0
$\Delta = 0, a < 0$ 	\emptyset	$\mathbb{R} \setminus \{x_0\}$	x_0	\mathbb{R}
$\Delta < 0, a > 0$ brak miejsc zerowych 	\mathbb{R}	\emptyset	\mathbb{R}	\emptyset
$\Delta < 0, a < 0$ brak miejsc zerowych 	\emptyset	\mathbb{R}	\emptyset	\mathbb{R}

NIERÓWNOŚCI	$3x > x^2$	$11 \leq x^2$	$-3x^2 < 48$	$4x^2 + 25 > 20x$
1. Postać $f(x) > 0$ itp.			$-3x^2 - 48 < 0 / (-3)$ $x^2 + 16 > 0$	
2. Obliczanie miejsc zerowych			$\Delta = b^2 - 4ac = 0 - 64 = -64$ Brak miejsc zerowych, bo delta jest ujemna. Wykres istnieje!!!!	
3. a) Znak współczynnika a			$a > 0$ ramiona paraboli skierowane są do góry	
b) wykres				
4. Rozwiązanie nierówności			$f(x) > 0$ dla $x \in \mathbb{R}$	

NIERÓWNOŚCI	$-x^2 - x \geq 2$	$-(x+4)(2-x) \geq 0$	$-25 - x^2 \geq 10x$	$x^2 - x > -10$
1. Postać $f(x) > 0$ itp.				
2. Obliczanie miejsc zerowych				
3. a) Znak współczynnika a				
b) wykres				
4. Rozwiązanie nierówności				